

ĐỀ THI THỬ MÔN TOÁN NĂM 2011

ĐỀ SỐ 1

SỞ GIÁO DỤC – ĐÀO TẠO HẢI PHÒNG
TRƯỜNG THPT CHUYÊN TRẦN PHÚ

ĐỀ THI THỬ ĐẠI HỌC LẦN 2 – THÁNG 12/2010

Môn thi: TOÁN HỌC – Khối A, B

Thời gian: 180 phút

ĐỀ CHÍNH THỨC

Câu I:

Cho hàm số $y = \frac{x^2}{C}$.

1. Khảo sát và vẽ C .
2. Viết phương trình tiếp tuyến của C , biết tiếp tuyến đi qua điểm $A(6;5)$.

Câu II:

1. Giải phương trình: $\cos x = \cos 3x \sqrt{1 - 2 \sin 2x}$

2. Giải hệ phương trình:

$$\begin{cases} x^3 + y^3 = 1 \\ x^2 y + 2xy^2 + y^3 = 2 \end{cases}$$

Câu III:

Tính I $\int \frac{dx}{\cos^2 x + 1 + e^{3x}}$

Câu IV:

Hình chóp tứ giác đều SABCD có khoảng cách từ A đến mặt phẳng SBC bằng 2. Với giá trị nào của góc giữa mặt bên và mặt đáy của chóp thì thể tích của chóp nhỏ nhất?

Câu V:

Cho $a, b, c > 0 : abc = 1$. Chứng minh rằng:

$$\frac{1}{a+b} + \frac{1}{b+c} + \frac{1}{c+a} \geq \frac{3}{2}$$

Câu VI:

1. Trong mặt phẳng Oxy cho các điểm $A(1;0), B(2;4), C(1;4), D(3;5)$ và đường

thẳng $d : 3x + y - 5z = 0$. Tìm điểm M trên d sao cho hai tam giác MAB, MCD có diện tích bằng nhau.

2. Viết phương trình đường vuông góc chung của hai đường thẳng sau:

$$d_1 : \begin{cases} x - 1 = 2t \\ y = 1 + t \\ z = 3 \end{cases} ; \quad d_2 : \begin{cases} x - 1 = 2t \\ y = 1 + t \\ z = 3 \end{cases}$$

Câu VII:

Tính: $A = \frac{2^0 C_{2010}^0}{1.2} + \frac{2^1 C_{2010}^1}{2.3} + \frac{2^2 C_{2010}^2}{3.4} + \frac{2^3 C_{2010}^3}{4.5} + \dots + \frac{2^{2010} C_{2010}^{2010}}{2011.2012}$

ĐÁP ÁN ĐỀ THI THỬ ĐH LẦN 2

Câu I:

1. a) TXĐ: $x \neq 2$

b) Sự biến thiên của hàm số:

-) Giới hạn, tiệm cận:

+) $\lim_{x \rightarrow 2^-} y = -\infty$, $\lim_{x \rightarrow 2^+} y = +\infty$ $x = 2$ là tiệm cận đứng.

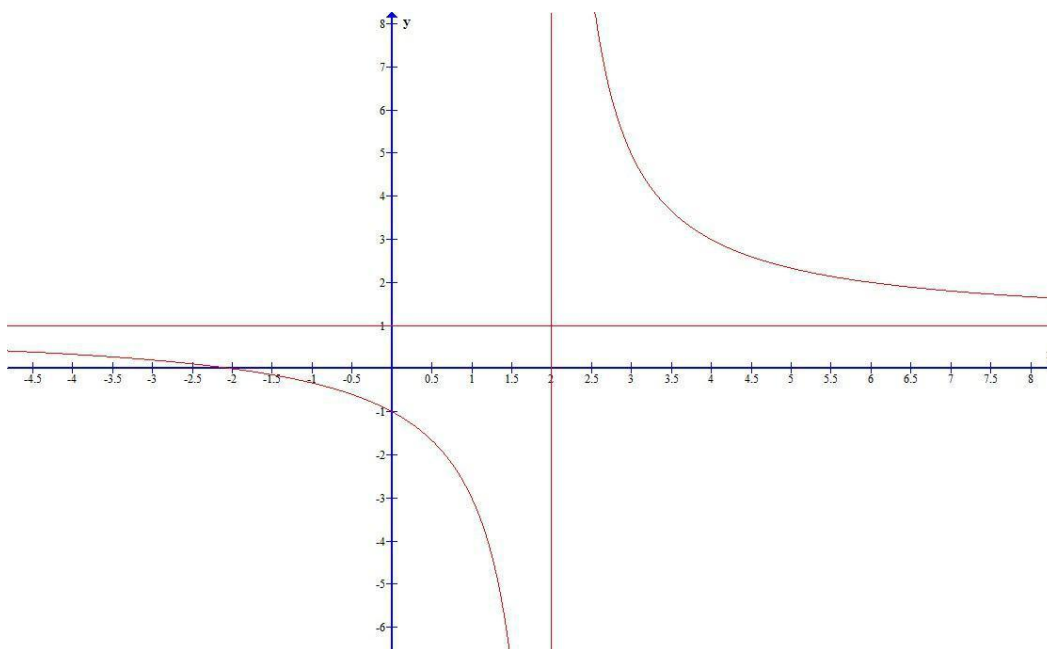
+) $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = 1$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = 1$ là tiệm cận ngang.

-) Bảng biến thiên :

$$y' = \frac{4}{x^2 - 2^2} < 0 \quad x < 2$$

c) Đồ thị :

-) Đồ thị cắt Ox tại $(-2; 0)$, cắt Oy tại $(0; 1)$, nhận $I(2; 1)$ là tâm đối xứng.



2. Phương trình đường thẳng đi qua A $(6; 5)$ là $d : y = kx + 6 - 5$.

(d) tiếp xúc (C) khi và chỉ khi hệ sau có nghiệm :

$$kx + 6 - 5 = \frac{x - 2}{x^2 - 4} \Rightarrow \frac{4}{x^2 - 4} - kx - 1 = 0 \Rightarrow \frac{x - 2}{x^2 - 4}$$

$$k = \frac{4}{x^2 - 4} \Rightarrow k = \frac{4}{x^2 - 2^2}$$

Suy ra có

$$4x^2 - 24x + 0 = 0 \quad x > 0; k > 1$$

$$k = \frac{4}{x^2 - 2^2} \Rightarrow k = \frac{4}{x^2 - 4} \quad x > 6; k > \frac{1}{4}$$

2 tiếp tuyến là : $d_1 : y = x + 1$; $d_2 : y = \frac{x}{4} + \frac{7}{2}$

Câu II:

$$1. \cos x \cos 3x \sqrt{1 - 2 \sin 2x} - \frac{1}{4}$$

$$2 \cos x \cos 2x - 1 - \sin 2x - \cos 2x$$

$$2 \cos^2 x - 2 \sin x \cos x - 2 \cos x \cos 2x - 0 \cos$$

$$x \cos x - \sin x \cos 2x - 0$$

$$\cos x \cos x - \sin x - 1 - \sin x - \cos x - 0$$

$$\cos x - 0 \quad \frac{xk}{2}$$

$$\cos x - \sin x - 0 \quad x - \frac{k}{4}$$

$$1 - \sin x - \cos x - 0 \quad \sin x - \frac{1}{4} - \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$x - \frac{k}{2} \quad x - \frac{k}{2} - k$$

$$x - \frac{k}{4} \quad x - \frac{k}{4} - k^2$$

$$x - \frac{k}{4} - \frac{5}{4}k^2$$

$$2. \quad 2x \frac{1}{y} - \frac{3}{x} \quad 2x \frac{1}{y} - \frac{3}{x} - \frac{1}{x} - \frac{13}{x} - \frac{3}{x}$$

$$2y \frac{1}{x} - \frac{3}{y} \quad 2x \frac{1}{y} - \frac{3}{x}$$

$$2x \frac{1}{y} - \frac{3}{x} \quad \frac{4x}{xy} - \frac{y}{xy^2}$$

$$2x \frac{1}{y} - \frac{3}{x} \quad 2x \frac{1}{y} - \frac{3}{x}$$

$$2x \frac{1}{x} - \frac{3}{x} \quad x \frac{y}{1}$$

$$y \frac{2}{x} \quad x \frac{y}{2\sqrt{2}} \quad \sqrt{2}$$

$$2x \frac{x}{2} - \frac{3}{x} \quad x^2, y^2 \quad \sqrt{2} \quad \sqrt{2}$$

Câu III:

$$I = \int \frac{1}{x^4} dx = \int x^{-4} dx = \frac{x^{-3}}{-3} + C = -\frac{1}{3x^3} + C$$

$$I = \int \frac{1}{x^2 + 1} dx = \int \frac{1}{x^2 + 1} dx = \arctan x + C$$

$$I = \int \frac{1}{t^2 + 1} dt = \arctan t + C$$

$$\frac{1}{2} \int \frac{1}{t^2 + 1} dt = \frac{1}{2} \arctan t + C$$

$$\frac{1}{2} \int \frac{1}{u^2 + 1} du = \frac{1}{2} \arctan u + C$$

Đặt $u = \frac{\sqrt{3}}{2} \tan y, y \in (-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2})$ thì $du = \frac{\sqrt{3}}{2} \frac{1}{\cos^2 y} dy$

$$I = \frac{1}{2} \int \frac{1}{\cos^2 y} \frac{2}{\sqrt{3}} dy = \frac{1}{\sqrt{3}} \int \frac{1}{\cos^2 y} dy = \frac{1}{\sqrt{3}} \tan y + C = \frac{2}{\sqrt{3}} \tan \left(\frac{\sqrt{3}}{2} \tan^{-1} \frac{2u}{\sqrt{3}} \right) + C$$

Câu IV:

Gọi M, N là trung điểm BC, AD, gọi H là hình chiếu vuông góc từ S xuống SM. Ta có: $\angle SMN = \angle A; \angle SBC = \angle N; \angle SBC = \angle NH = 2$

$$MN = \frac{NH}{\sin \angle A} = \frac{2}{\sin \angle A} \Rightarrow SM^2 = \frac{4}{\sin^2 \angle A}$$

$$SI = MI \cdot \tan \angle A = \frac{1}{\cos \angle A}$$

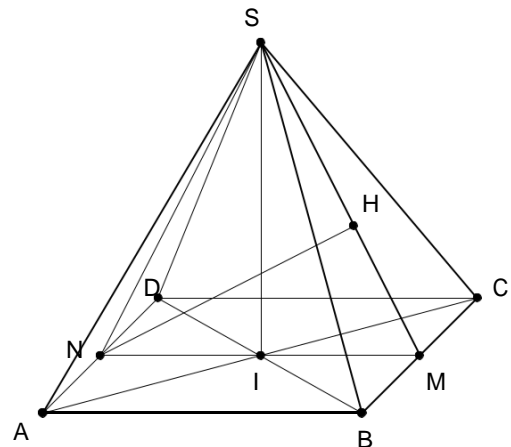
$$V_{SABCD} = \frac{1}{3} \cdot \frac{4}{\sin^2 \cos} \cdot \frac{1}{3 \cdot \sin^2 \cdot \cos} \cdot \frac{4}{2 \cos} = \frac{2}{3}$$

$$V_{SABCD} = \frac{1}{3} \cdot \sin^2 \cdot \cos \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{1}{3} \sin^2 \cdot \cos$$

$$\sin^2$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$2 \cos^2 \cos$$



Câu V:

Ta có:

$$a^{\frac{1}{3}} b^{\frac{1}{3}} \sqrt[3]{a^2} \sqrt[3]{ab} \sqrt[3]{b^2} \sqrt[3]{ab} \sqrt[3]{a} \sqrt[3]{b}$$

$$a^{\frac{1}{3}} b^{\frac{1}{3}} \sqrt[3]{ab} \sqrt[3]{a} \sqrt[3]{b} \sqrt[3]{ab} \sqrt[3]{a} \sqrt[3]{b} \sqrt[3]{abc} \sqrt[3]{ab} \sqrt[3]{a} \sqrt[3]{b} \sqrt[3]{c}$$

Tương tự

$$\frac{1}{a^{\frac{1}{3}} b^{\frac{1}{3}} \sqrt[3]{ab} \sqrt[3]{a} \sqrt[3]{b} \sqrt[3]{ab} \sqrt[3]{a} \sqrt[3]{b} \sqrt[3]{abc} \sqrt[3]{ab} \sqrt[3]{a} \sqrt[3]{b} \sqrt[3]{c}}$$

suy ra OK!

Câu VI:

1. Giả sử M x;y d 3x y 5 0.

AB 5, CD $\sqrt{17}$

AB 3;4 n_{AB} 4;3 PT AB : 4x 3y 4 0

CD 4;1 n_{CD} 1;4 PT CD : x 4y 17 0

S_{MAB} S_{MCD} AB.d M;AB CD.d M;CD

$$5 \frac{|4x - 3y + 4|}{5} \sqrt{17} \frac{|x - 4y + 17|}{\sqrt{17}} = |4x - 3y + 4| \cdot |x - 4y + 17|$$

3x y 5 0

| 4x - 3y + 4 | | x - 4y + 17 |

3x y 5 0

3x y 5 0 M $\frac{7}{3}; 2, M_2 9; 32$

3x y 5 0

5x y 13 0

2. Gọi M d₁ M 2t;1 t; 2 t , N d₂ N 1 2t';1 t';3 MN 2t 2t' 1;t t'; t 5

MN.u₁ 0 22t 2t' 1 t t' 5 0

MN.u₁ 0 22t 2t' 1 t t' 0

6t 3t' 3 0

3t 5t' 2 0 t t' 1

M 2;0; 1 , N 1;2;3 ,MN 1;2;4 PT

MN : $\frac{x^2 y z 1}{1 \ 2 \ 4}$

Câu VII:

A $\frac{2^0 C_{2010}^0}{1} \frac{2^1 C_{2010}^1}{2} \frac{2^2 C_{2010}^2}{3} \frac{2^3 C_{2010}^3}{4} \dots \frac{2^{2010} C_{2010}^{2010}}{2011}$

Ta có:

$$\begin{aligned}
 & \frac{2^k C_{2010}^k}{k!} = \frac{2^k 2010!}{k! k!} = \frac{2^k 2010!}{k! 2010 k!} \\
 & \frac{1}{2011} \frac{2^k 2011!}{k! 2011 k!} = \frac{1}{4022} 2^{k+1} C_{2011}^{k+1} \\
 A & \frac{1}{4022} 2^0 C_{2011}^0 + \frac{1}{2011} 2^1 C_{2011}^1 + \frac{1}{2011} 2^2 C_{2011}^2 + \dots + \frac{1}{2011} 2^{2011} C_{2011}^{2011} \\
 & \frac{1}{4022} + \frac{1}{2011} + \frac{1}{2011} + \dots + \frac{1}{2011} = C_{2011}
 \end{aligned}$$